

## 前　　言

本书是依据河北省对口数学最新考试大纲要求编写。以课本为基础，以新课程标准为准绳，依纲靠本，分章节提炼知识点，高度融合课本。为了帮助学生更轻松地学习并掌握相关知识，结合大多数对口学生基础差、底子薄并且没有良好的学习习惯和行为习惯，特设计编纂了本套练习与测评。

本书按章节、按课时顺序进行合理编排，每一课时内容包括“要点回放”、“提升训练”和“拓展延伸”三部分。其中“提升训练”对课本知识点精心钻研、潜心编排，确保练习题目重基础、近实战，让学生易懂易会，切实掌握每节基本知识和基本技能，并逐步提高分析问题和解决问题的能力；“拓展延伸”所选练习略有综合，注重学生对知识的深层次的理解和解决问题的方法、技巧使学生的综合能力得到提升。每章最后附以本章单元测评，用以巩固和提高学生综合应试能力。

本书立足于对口高考升学，通过精心梳理，潜心研究使各部分内容及练习适合中职学校数学教学、课时训练与检测使用。

本书由多年从事一线教学的教师编写，但由于时间仓促，书中难免有错漏和不妥之处，恳请广大教师和学生批评指正，以利于不断提高和改进。

# 目 录

## 第六章 直线和圆的方程

6.1 坐标系中的基本公式 .....	( 1 )
6.1.1 数轴上的距离公式与中点公式 .....	( 1 )
6.1.2 平面直角坐标系中距离公式与中点公式 .....	( 3 )
6.2 直线的方程 .....	( 4 )
6.2.1 直线与方程 .....	( 4 )
6.2.2 直线的倾斜角和斜率 .....	( 6 )
6.2.3 直线方程的几种形式 (一) .....	( 8 )
6.2.3 直线方程的几种形式 (二) .....	( 10 )
6.2.4 直线与直线的位置关系 (一) .....	( 13 )
6.2.5 直线与直线的位置关系 (二) .....	( 16 )
6.2.6 点到直线的距离 .....	( 18 )
6.3 圆的方程 .....	( 22 )
6.3.1 圆的标准方程 .....	( 22 )
6.3.2 圆的一般方程 .....	( 24 )
6.4 直线与圆的位置关系 .....	( 27 )
6.5 直线与圆的方程的应用 .....	( 31 )
第六章单元测评 .....	( 33 )

## 第七章 简单几何体

7.1 认识空间几何体 .....	( 41 )
-------------------	--------

7.1.1 认识多面体与旋转体	(41)
7.1.2 棱柱、棱锥	(43)
7.1.3 圆柱、圆锥、球	(46)
7.2 空间几何体的三视图与直观图(1)	(50)
7.2 空间几何体的三视图与直观图(2)	(55)
7.3 空间几何体的表面积和体积	(59)
7.3.1 空几何体的表面积	(59)
7.3.2 空间几何体的体积	(62)
第七章单元测评	(66)

## 第八章 概率与统计初步

8.1 概率初步	(75)
8.1.1 随机试验与古典概型	(75)
8.1.2 用频率估计概率	(81)
8.1.3 概率的加法公式	(85)
8.2 统计初步	(90)
8.2.1 总体、样本和抽样方法	(90)
8.2.2 数据的直观表示	(94)
8.2.3 样本平均数与标准差	(96)
第八章单元测评	(99)
参考答案	(105)

# 第六章 直线和圆的方程

6.1

坐标系中的基本公式

\_\_\_\_ 年 \_\_\_\_ 月 \_\_\_\_ 日

6.1.1

数轴上的距离公式与中点公式

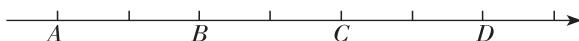
\_\_\_\_ 年 \_\_\_\_ 月 \_\_\_\_ 日

## 一、要点回放

- 一般地，在数轴上，如果  $A(x_1)$ 、 $B(x_2)$ ，则这两点之间的距离公式为  $|AB| = |x_2 - x_1|$ .
- 一般地，在数轴上，以  $A(x_1)$ 、 $B(x_2)$  两点为端点的线段中点坐标  $x$  满足中点公式  $x = \frac{x_1 + x_2}{2}$ .

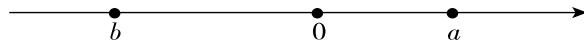
## 二、提升训练

- 点  $A(-5)$  到原点的距离等于 ( )  
A. 5      B. -5      C. 0      D. 10
- 一只蚂蚁从数轴上的点  $A$  出发，爬了 6 个单位长度到了表示  $-1$  的点，则点  $A$  所表示的数是 ( )  
A. -7      B. 5      C. -7 或 5      D. 4
- 如图所示，已知  $A$ 、 $B$ 、 $C$ 、 $D$  四个点在一条没有标明原点的数轴上。若点  $A$  和点  $C$  表示的数互为相反数，则原点为 ( )



- A.  $A$  点      B.  $B$  点      C.  $C$  点      D.  $D$  点

4.  $a, b$  两数在数轴上的对应点的位置如图, 下列各式正确的是 ( )



- A.  $a^2 > b^2$   
 B.  $-a < b$   
 C.  $|a| > |b|$   
 D.  $b < -a < a < -b$
5. 点  $A(-5)$ ,  $B(7)$  的中点坐标是 ( )

- A. 5  
 B. -5  
 C. 0  
 D. 1

6. 数轴上表示 2 和 5 的两点之间的距离是 \_\_\_\_\_, 数轴上表示 -2 和 -5 的两点之间的距离是 \_\_\_\_\_, 数轴上表示 1 和 -3 的两点之间的距离是 \_\_\_\_\_.

7. 数轴上表示  $x$  与 -1 的两点  $A$  和  $B$  之间的距离是 \_\_\_\_\_, 如果  $|AB| = 2$ , 那么  $x =$  \_\_\_\_\_.

8. 在数轴上, 画出符合下列条件的点  $P(x)$

- (1)  $|x| < 5$   
 (2)  $|x - 1| = 6$   
 (3)  $|x + 2| + |x - 3| = 9$



### 三、拓展延伸

- 若点  $A(-5)$ , 线段  $AB$  的中点坐标为  $7$ , 则点  $B$  的坐标为 \_\_\_\_\_.
- 当代数式  $|x+1| + |x-2|$  取最小值时, 相应的  $x$  的取值范围是 \_\_\_\_\_.

6.1.2

平面直角坐标系中的距离公式与中点公式

\_\_\_\_\_ 年 \_\_\_\_\_ 月 \_\_\_\_\_ 日

### 一、要点回放

- 在平面直角坐标系中  $A(x_1, y_1)$ 、 $B(x_2, y_2)$  两点的距离公式:

$$|AB| = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

- 在平面直角坐标系中以  $A(x_1, y_1)$ 、 $B(x_2, y_2)$  为端点的线段, 其中点  $(x, y)$ , 则有:  $x = \frac{x_1 + x_2}{2}$ ,  $y = \frac{y_1 + y_2}{2}$

### 二、提升训练

- 已知点  $A(2, 5)$ , 点  $B(1, 3)$ , 则  $|AB| =$  ( )
  - A. 5
  - B. 4
  - C.  $\sqrt{5}$
  - D. 2
- 已知点  $A(0, a)$ , 点  $B(2, 0)$ ,  $|AB| = 4$ , 则  $a =$  ( )
  - A.  $2\sqrt{3}$
  - B. 2
  - C. 4
  - D.  $2\sqrt{3}$  或  $-2\sqrt{3}$
- 已知  $\triangle ABC$  点三个顶点分别为点  $A(2, 1)$ 、 $B(0, 3)$ 、 $C(-2, 1)$ , 则  $AC$  边上的中线  $BD$  点长度为 ( )
  - A. 4
  - B. 2
  - C.  $\sqrt{3}$
  - D. 1
- 已知点  $O(4, y)$  是点  $M(x, 4)$  和点  $N(1, 6)$  连线的中点, 则  $x$  与  $y$  的值分别为 ( )
  - A. 5, 7
  - B. 7, 5
  - C. 8, 10
  - D. 10, 8

5. 已知平行四边形  $ABCD$  的三个顶点  $A(-2, 1)$ 、 $B(-1, 3)$ 、 $C(2, 2)$ ，则点  $D$  的坐标为 ( )
- A.  $(4, 3)$       B.  $(1, 2)$   
 C.  $(1, 0)$       D.  $(2, 1)$
6. 已知点  $M(2, 3)$ 、点  $N(2, 5)$  关于点  $O$  对称，则点  $O$  的坐标为 ( )
- A.  $(2, 1)$       B.  $(0, 1)$   
 C.  $(2, 4)$       D.  $(1, 0)$
7. 求点  $(1, 2)$  关于点  $(1, 1)$  对称的点的坐标\_\_\_\_\_.
8. 已知点  $A(1, -1)$ 、 $B(x, -7)$ ， $|AB| = \sqrt{37}$ ，那么  $x$  的值为\_\_\_\_\_.

### 三、拓展延伸

1. 在  $\triangle ABC$  中， $A(-1, 2)$ 、 $B(1, -4)$ 、 $C(3, 3)$ ，则  $AB$  边上的中线长度为\_\_\_\_\_.
2. 如果点  $A(-2, 5)$ ，点  $B(4, 3)$ ，求点  $A$  关于点  $B$  对称点的坐标\_\_\_\_\_.
3. 已知点  $A(3, -4)$ ，点  $B$  为  $x$  轴上一点，且  $|AB| = 5$ ，则点  $B$  的横坐标为\_\_\_\_\_.

6.2

## 直线的方程

\_\_\_\_年\_\_月\_\_日

6.2.1

## 直线与方程

\_\_\_\_年\_\_月\_\_日

### 一、要点回放

一般地，在平面直角坐标系中，给定一条直线，如果直线上点的坐标都满足某个方程，而且满足这个方程的坐标所表示的点都在给定的直线上，那么这个方程为这条直线的方程

**二、提升训练**

1. 过点  $A(-2, 5)$ , 且平行于  $x$  轴的直线方程是 ( )  
A.  $x = -2$       B.  $y = 5$       C.  $x = 5$       D.  $y = 2$
2.  $y$  轴所在的直线方程是 ( )  
A.  $x = 0$       B.  $y = 0$       C.  $x = 1$       D.  $y = 1$
3. 点  $A(-2, 1)$  在直线 ( ) 上.  
A.  $x + 2y = 0$       B.  $x + y + 2 = 0$       C.  $3x + y = 1$       D.  $x + y = 0$
4. 已知点  $A(a, 1)$  在方程  $x = 5$  的直线上, 则  $a =$  ( )  
A. 5      B. 4      C. 1      D. 2
5. 过点  $(1, 3)$ , 且平行于  $x$  轴的直线方程为 \_\_\_\_\_, 过  $(-3, -4)$ , 且平行于  $y$  轴的直线方程为 \_\_\_\_\_.

**三、拓展延伸**

1. 已知点  $A(1, a)$  在直线  $x + y + 2 = 0$  上, 在  $x$  负半轴上有一点  $B(b, 0)$  到原点的距离为 5, 则  $a + b =$  \_\_\_\_\_.
2. 已知直线  $2x + y + 2 = 0$  与直线  $x + my = 0$  的交点坐标为  $(n, 2)$ , 求  $m, n$  的值.

6.2.2

## 直线的倾斜角和斜率

\_\_\_\_年\_\_月\_\_日

## 一、要点回放

1. 直线的倾斜角：直线向上的方向与  $x$  轴的正方向所成的最小正角  $\alpha$ ，叫做直线的倾斜角。若直线与  $x$  轴平行或重合，规定其倾斜角为  $0^\circ$ 。

2. 直线的斜率：直线的倾斜角常用  $\alpha$  表示，当  $\alpha$  的值不是  $90^\circ$  时，我们把  $\tan\alpha$  叫做直线的斜率，通常记作  $k$ 。即  $k = \tan\alpha$ 。当倾斜角是  $90^\circ$  的直线，斜率不存在。

【注】直线与  $x$  轴平行或重合时，规定其倾斜角为  $0^\circ$ ，所以倾斜角  $\alpha$  的取值范围为  $[0^\circ, 180^\circ)$ 。

3. 直线的斜率公式：

(1) 当  $\alpha \neq 90^\circ$  时， $k = \tan\alpha$ 。

当  $\alpha = 0^\circ$  时， $k = 0$ ；当  $0^\circ < \alpha < 90^\circ$  时， $k > 0$ 。

当  $90^\circ < \alpha < 180^\circ$  时， $k < 0$ 。

当  $\alpha = 90^\circ$  时，斜率不存在。

(2) 一般地，若  $x_1 \neq x_2$ ，则过点  $P_1(x_1, y_1)$ 、 $P_2(x_2, y_2)$  的直线的

$$\text{斜率为 } k = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}.$$

## 二、提升训练

1. 直线  $x = 1$  的倾斜角和斜率分别为 ( )

- |                     |                    |
|---------------------|--------------------|
| A. $45^\circ, 1$    | B. $135^\circ, -1$ |
| C. $90^\circ$ , 不存在 | D. $180^\circ$ 不存在 |

2. 直线  $l$  的斜率为  $\frac{\sqrt{3}}{3}$ ，则直线  $l$  的倾斜角为 ( )

- |                |                |
|----------------|----------------|
| A. $30^\circ$  | B. $60^\circ$  |
| C. $120^\circ$ | D. $150^\circ$ |

3. 已知直线  $l$  经过两个点  $A(1, 2)$ ,  $B(4, 5)$ , 则直线的斜率为 ( )
- A.  $\frac{\sqrt{3}}{3}$       B. 1      C.  $\sqrt{3}$       D. -1
4. 直线  $l$  的倾斜角  $\alpha$  的取值范围是 ( )
- A.  $0^\circ \leq \alpha \leq 180^\circ$       B.  $0^\circ \leq \alpha \leq 180^\circ (\alpha \neq 90^\circ)$   
C.  $0^\circ \leq \alpha \leq 360^\circ$       D.  $0^\circ \leq \alpha < 180^\circ$
5. 已知过两点  $A(-m, 6)$  和  $B(1, 3m)$  的直线的斜率为  $-\frac{2}{3}$ , 则  $m =$  ( )
- A.  $\frac{16}{11}$       B.  $\frac{11}{16}$       C.  $\frac{20}{7}$       D.  $\frac{7}{20}$
6. 直线经过两点  $A(1, \sqrt{3})$ 、 $B(4, 2\sqrt{3})$ , 则该直线的倾斜角为 ( )
- A.  $30^\circ$       B.  $45^\circ$       C.  $60^\circ$       D.  $150^\circ$
7. 若一条直线经过点  $A(\sqrt{3}, 2)$ 、 $B(a, -2)$  且该直线的倾斜角为  $90^\circ$ , 则  $a =$  \_\_\_\_\_.
8. 若直线  $l$  经过点  $A(\sin 30^\circ, \cos 30^\circ)$ 、 $B(0, 0)$ , 则直线  $l$  的倾斜角为 \_\_\_\_\_.

### 三、拓展延伸

1. 已知两点  $A(6, -5\sqrt{3})$ ,  $B(3, -2\sqrt{3})$ , 直线  $l$  的倾斜角是直线  $AB$  的倾斜角的一半, 求直线的斜率  $k$ .

6.2.3

## 直线方程的几种形式（一）

\_\_\_\_年\_\_月\_\_日

## 一、要点回放

(1) 直线的点斜式方程: 若直线斜率为  $k$ , 且过点  $P_0(x_0, y_0)$ , 则可得直线的点斜式方程为  $y - y_0 = k(x - x_0)$ .

(2) 直线的斜截式方程: 若直线斜率为  $k$ , 在  $y$  轴上的截距为  $b$ , 则可得直线的斜截式方程为  $y = kx + b$ .

【注】①只有斜率存在的直线才能用直线的点斜式方程与斜截式方程.

②若直线  $l$  与  $x$  轴交于点  $A(a, 0)$ , 与  $y$  轴交于点  $B(0, b)$ , 则  $a$  叫做直线  $l$  的横截距;  $b$  叫做纵截距. 因此, 截距可以为任意实数.  $\therefore$  直线的截距式方程为:  $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$  ( $a \neq 0, b \neq 0$  时).

## 二、提升训练

1. 过点  $(1, -2)$  且倾斜角为  $135^\circ$  的直线的直线方程为 ( )  
 A.  $x - y + 3 = 0$       B.  $x + y - 1 = 0$   
 C.  $x + y + 1 = 0$       D.  $x - y - 3 = 0$
2. 已知一条直线在  $y$  轴上的截距为  $-2$ , 且经过点  $(1, 2)$ , 则该直线方程为 ( )  
 A.  $4x - y + 2 = 0$       B.  $x - 4y + 2 = 0$   
 C.  $4x - y - 2 = 0$       D.  $x + 4y + 2 = 0$
3. 直线  $3x + \sqrt{3}y - 3 = 0$  的倾斜角为 ( )  
 A.  $30^\circ$       B.  $60^\circ$       C.  $120^\circ$       D.  $150^\circ$
4. 在  $\triangle ABC$  中,  $A(-1, 2)$ 、 $B(1, -4)$ 、 $C(3, 3)$ , 则  $AB$  边上的中线方程为 ( )  
 A.  $4x - 3y - 3 = 0$       B.  $3x - 4y + 3 = 0$   
 C.  $4x + 3y - 21 = 0$       D.  $3x + 4y - 21 = 0$

5. 直线  $y - 2 = -\sqrt{3} (x + 1)$  的倾斜角和所过定点分别是 ( )
- A.  $-\frac{\pi}{3}$ ,  $(-1, 2)$       B.  $\frac{2\pi}{3}$ ,  $(-1, 2)$   
 C.  $\frac{5\pi}{6}$ ,  $(-1, 2)$       D.  $\frac{2\pi}{3}$ ,  $(1, 2)$
6. 经过点  $A(-3, 4)$ , 并且在两坐标轴上的截距之和等于 12 的直线方程可以是 ( )
- A.  $x - 3y - 9 = 0$       B.  $x + 3y - 9 = 0$   
 C.  $9x - 3y - 36 = 0$       D.  $4x - y + 5 = 0$
7. 设直线  $ax + by + c = 0$  的倾斜角为  $\alpha$ , 且  $\sin\alpha + \cos\alpha = 0$ , 则  $a, b$  满足 ( )
- A.  $a + b = 1$       B.  $a - b = 1$   
 C.  $a + b = 0$       D.  $a - b = 0$
8. 直线  $l$  经过点  $A(2, 3), B(1, -1)$  两点, 则直线  $l$  的方程为 \_\_\_\_\_.
9. 已知直线  $y = kx + b$ , 若  $k > 0, b < 0$ , 则该直线不经过第 \_\_\_\_\_ 象限.
10. 直线  $4x - 3y - 3 = 0$  与坐标轴围成的三角形面积为 \_\_\_\_\_.

### 三、拓展延伸

1. 已知直线  $l$  的倾斜角为  $\frac{\pi}{6}$ , 在  $x$  轴上的截距为 1, 求直线  $l$  的方程.

2. 已知直线的倾斜角为  $\alpha$ , 且  $\cos\alpha = \frac{1}{2}$ , 直线在  $y$  轴上的截距为  $-3$ , 求该直线方程.

6.2.3

**直线方程的几种形式 (二)**

\_\_\_\_ 年 \_\_\_\_ 月 \_\_\_\_ 日

**一、要点回放**

直线的一般式方程: 当  $A$ 、 $B$  不全为 0 时, 直线的一般式方程可表示为  $Ax + By + C = 0$ .

**【注】** 若  $B \neq 0$ , 一般式方程可转化为斜截式方程  $y = -\frac{A}{B}x - \frac{C}{B}$ , 即直线的斜率  $k = -\frac{A}{B}$ ,  $b = -\frac{C}{B}$ ; 若  $B = 0$  时, 直线的斜率不存在.

**二、提升训练**

1. 若  $AB < 0$ 、 $BC < 0$ , 则直线  $Ax + By - C = 0$  经过 ( )
- |             |             |
|-------------|-------------|
| A. 第一、二、三象限 | B. 第一、三、四象限 |
| C. 第一、二、四象限 | D. 第二、三、四象限 |
2. 已知直线  $l$  的方程为  $3x - 4y + 1 = 0$ , 则直线  $l$  的斜率  $k$  和在  $y$  轴上的截距  $b$  分别为 ( )
- |  |                                  |
|--|----------------------------------|
| A. $k = -\frac{3}{4}$ , $b = -\frac{1}{4}$ | B. $k = -\frac{3}{4}$ , $b = -1$ |
| C. $k = \frac{3}{4}$ , $b = \frac{1}{4}$   | D. $k = \frac{3}{4}$ , $b = 1$   |

3. 在直角坐标系中, 任何一条直线都可以表示为 ( )  
A. 直线的点斜式      B. 直线的一般式  
C. 直线的斜截式      D. 以上都正确
4. 直线  $Ax + 2y + c = 0$  的倾斜角为  $120^\circ$ , 则  $A =$  ( )  
A.  $2\sqrt{3}$       B.  $-2\sqrt{3}$       C.  $\frac{2}{\sqrt{3}}$       D.  $-\frac{2}{\sqrt{3}}$
5. 直线  $4x - 3y - 12 = 0$  与坐标轴围成的三角形面积为 \_\_\_\_\_.
6. 过点  $(3, 2)$  且在两坐标轴上截距互为相反数的直线方程为 \_\_\_\_\_.
7. 已知一条直线方程为  $Ax + By + C = 0$ ,  
(1) 若该直线经过原点, 则  $A$ 、 $B$ 、 $C$  须满足什么条件?  
(2) 若该直线与两坐标轴都相交,  $A$ 、 $B$ 、 $C$  须满足什么关系?

- (3) 若该直线只与  $x$  轴相交，则  $A$ 、 $B$ 、 $C$  须满足什么关系？
- (4) 若该直线与  $x$  轴重合，则  $A$ 、 $B$ 、 $C$  须满足什么关系？
8. 已知直线  $l$  在  $x$  轴上的截距是 4，它与两坐标轴围成的三角形面积为 6，求直线  $l$  的方程。

### 三、拓展延伸

- 若方程  $(2m^2 + m - 3)x + (m^2 - m)y - 3m + 2 = 0$  表示一条直线，则实数  $m$  须满足 \_\_\_\_\_.
- 一直线经过点  $A(-3, 4)$ ，且在两坐标轴上截距之和为 12，则该直线方程为 \_\_\_\_\_.

6.2.4

### 直线与直线的位置关系（一）

\_\_\_\_ 年 \_\_\_\_ 月 \_\_\_\_ 日

### 一、要点回放

1. 平面内两条直线的位置关系有三种：平行、相交或重合 .

2. 判断两条直线平行：

方法一：利用两条直线的斜率和截距：

(1) 若两条直线  $l_1$  与  $l_2$  都有斜率，且他们在  $y$  轴上的截距分别为  $b_1$ 、 $b_2$ ，则：

$$l_1 \parallel l_2 \Leftrightarrow k_1 = k_2 \text{ 且 } b_1 \neq b_2$$

$$l_1 \text{ 与 } l_2 \text{ 重合} \Leftrightarrow k_1 = k_2 \text{ 且 } b_1 = b_2$$

$$l_1 \text{ 与 } l_2 \text{ 相交} \Leftrightarrow k_1 \neq k_2$$

(2) 若两条直线  $l_1$  与  $l_2$  的斜率都不存在，则这两条直线平行或重合，若只有一条直线斜率不存在，则这两条直线相交 .

方法二：利用两条直线的一般式方程：

(1) 设两条直线  $l_1$  与  $l_2$  的一般式方程分别为：

$$l_1: A_1x + B_1y + C_1 = 0 \quad (\text{其中 } A_1, B_1 \text{ 不全为 } 0)$$

$$l_2: A_2x + B_2y + C_2 = 0 \quad (\text{其中 } A_2, B_2 \text{ 不全为 } 0)$$

$$\text{则 } l_1 \parallel l_2 \Leftrightarrow A_1 = \lambda A_2, B_1 = \lambda B_2, C_1 \neq \lambda C_2 \quad (\lambda \neq 0)$$

$$l_1 \text{ 与 } l_2 \text{ 重合} \Leftrightarrow A_1 = \lambda A_2, B_1 = \lambda B_2, C_1 = \lambda C_2 \quad (\lambda \neq 0)$$

$$l_1 \text{ 与 } l_2 \text{ 相交} \Leftrightarrow A_1 = \lambda A_2, B_1 = \mu B_2 \quad (\lambda \neq \mu)$$

(2) 若  $A_1, A_2, B_1, B_2, C_1, C_2$  都不为零:

$$l_1 \parallel l_2 \Leftrightarrow \frac{A_1}{A_2} = \frac{B_1}{B_2} \neq \frac{C_1}{C_2}, \text{ 或 } A_1 B_2 - A_2 B_1 = 0$$

$$l_1 \text{ 与 } l_2 \text{ 重合} \Leftrightarrow \frac{A_1}{A_2} = \frac{B_1}{B_2} = \frac{C_1}{C_2}$$

$l_1$  与  $l_2$  相交  $\Leftrightarrow \frac{A_1}{A_2} \neq \frac{B_1}{B_2}$

## 二、提升训练

1. 已知直线  $y = kx + 2$  与直线  $y = -x - 1$  平行，则  $k$  的值为 ( )  
A. 1 B. -1  
C. 2 D. -2

2. 已知两条直线中的一条直线的斜率不存在，另一条直线的斜率为 0，则两条直线的位置关系为 ( )  
A. 平行 B. 相交  
C. 重合 D. 无法判断

3. 下面两条直线互相平行的是 ( )  
A.  $y = -x - 1$  与  $-x + y - 1 = 0$   
B.  $-x + y + 1 = 0$  与  $y = x + 1$   
C.  $x + y - 1 = 0$  与  $y = x + 1$   
D.  $x + y + 1 = 0$  与  $y = x - 1$

4. 直线  $l_1: x + ay + 3 = 0$  与  $l_2: (a - 2)x + 3y + a = 0$  平行，则  $a$  的值为 ( )  
A. -1 或 3 B. 1 或 3  
C. -3 D. -1

5. 过点  $A(a, 2)$ ,  $B(-1, a)$  的直线与直线  $2x + y + 1 = 0$  平行，则  $a =$  ( )  
A. 2 B. -2 C. 4 D. -4

6. 过点  $A(1, 2)$  且与直线  $x - y + 2 = 0$  平行的直线方程为 ( )
- A.  $x + y + 1 = 0$       B.  $x - y + 1 = 0$   
 C.  $-x + y + 1 = 0$       D.  $x + y - 1 = 0$
7. 过原点和直线  $x - 3y + 4 = 0$  与直线  $2x + y + 5 = 0$  的交点的直线方程为 ( )
- A.  $3x + 19y = 0$       B.  $9x + 19y = 0$   
 C.  $19x - 3y = 0$       D.  $19x - 9y = 0$
8. 直线  $2x + 3y + 1 = 0$  与直线  $4x + ay + 1 = 0$  平行, 则  $a = \underline{\hspace{2cm}}$ .
9. 过点  $(1, -2)$  且与直线  $2x + y - 1 = 0$  平行的直线方程为  $\underline{\hspace{2cm}}$ .
10. 过点  $(1, 3)$  且与直线  $x = 2$  平行的直线方程为  $\underline{\hspace{2cm}}$ .
11. 过直线  $2x - 3y - 3 = 0$  与  $2x - 7y - 8 = 0$  的交点且与直线  $4x + y - 3 = 0$  平行的直线方程为  $\underline{\hspace{2cm}}$ .
12. 直线  $y = \frac{x}{4} + 1$  与直线  $x - 4y - 2 = 0$  的位置关系为  $\underline{\hspace{2cm}}$ .

### 三、拓展延伸

1. 求符合下列条件的直线方程:

(1) 过点  $(0, -1)$  且平行于直线  $x + 3y + 1 = 0$ ;

- (2) 过点  $(1, 3)$  且平行于过两点  $(2, 2)$ 、 $(1, -1)$  的直线.
2. 已知平行四边形的两条边所在的直线为  $2x + 3y + 3 = 0$ ,  $x - 2y + 6 = 0$ , 一个顶点坐标  $A$  为  $(-1, 5)$ , 求平行四边形另两条边所在的直线方程.

6.2.5

直线与直线的位置关系 (二)

\_\_\_\_\_ 年 \_\_\_\_\_ 月 \_\_\_\_\_ 日

### 一、要点回放

1. 平面上两条直线垂直的条件:

①一般地, 若已知平面直角坐标系中的直线  $l_1: y = k_1x + b_1$ ,  $l_2: y = k_2x + b_2$ , 则  $l_1 \perp l_2 \Leftrightarrow k_1 \cdot k_2 = -1$

②一般地，若已知平面直角坐标系中的直线  $l_1: A_1x + B_1y + C_1 = 0$ ,  $l_2: A_2x + B_2y + C_2 = 0$  则  $l_1 \perp l_2 \Leftrightarrow A_1A_2 + B_1B_2 = 0$

## 二、提升训练

1. 过点  $P(-1, 3)$  且垂直于直线  $x - 2y + 3 = 0$  的直线方程为 ( )  
 A.  $2x + y - 5 = 0$       B.  $2x + y - 1 = 0$   
 C.  $x + 2y - 3 = 0$       D.  $x - 2y + 7 = 0$
2. 已知点  $M(1, 2)$ 、 $N(3, 1)$ ，则  $MN$  的垂直平分线的方程为 ( )  
 A.  $x - 2y - 5 = 0$       B.  $x + 2y - 5 = 0$   
 C.  $4x - 2y - 5 = 0$       D.  $4x + 2y - 5 = 0$
3. 直线  $mx - 2y + 3 = 0$  与  $2mx + 2y + 5 = 0$  互相垂直，则  $m$  的值等于 ( )  
 A.  $\pm 2$       B. 2  
 C. 0      D.  $\pm\sqrt{2}$
4. 由直线:  $l_1: x + 2y - 6 = 0$ ,  $l_2: 2x + 4y + 5 = 0$ ,  $l_3: 2x - y = 0$ ,  $l_4: 2x - y + 6 = 0$  所围成的四边形是 ( )  
 A. 平行四边形      B. 矩形  
 C. 梯形      D. 直角梯形
5. 下列各组中的两个方程表示两条直线  
 (1)  $y = \frac{1}{2}x$ ,  $y = 2x$ ; (2)  $3x + 2y = 0$ ,  $2x + 3y = 0$ ;  
 (3)  $2x + 3y = 0$ ,  $6x - 4y = 0$ ; (4)  $3x = 1$ ,  $3y = -1$   
 其中互相垂直的组数是 ( )  
 A. 1 组      B. 2 组      C. 3 组      D. 4 组
6. 过直线  $x - 2y + 1 = 0$  与直线  $x - y - 5 = 0$  的交点且与直线  $2x + y + 3 = 0$  垂直的直线方程为 ( )  
 A.  $x - 2y - 1 = 0$       B.  $x + 2y + 1 = 0$   
 C.  $x - 2y + 1 = 0$       D.  $x + 2y - 1 = 0$

7. 与  $2x - 3y + 2 = 0$  垂直且纵截距为 2 的直线方程为 \_\_\_\_\_.
8. 过两点  $M(1, m)$ ,  $N(2, 1)$  的直线垂直于直线  $2x - y + 1 = 0$ , 则  $m =$  \_\_\_\_\_.

### 三、拓展延伸

1. 直线  $Ax + 4y - 2 = 0$  与  $2x - 5y + C = 0$  垂直相交于点  $(1, m)$ , 则  $A =$  \_\_\_\_\_,  $m =$  \_\_\_\_\_,  $C =$  \_\_\_\_\_.
2. 点  $(2, 1)$  关于直线  $x + y + 2 = 0$  对称的点的坐标为 ( )
- A.  $(3, 4)$       B.  $(-3, -4)$   
 C.  $(-4, 3)$       D.  $(4, 3)$

6.2.6

点到直线的距离

\_\_\_\_年\_\_月\_\_日

### 一、要点回放

1. 一般地, 求点  $P(x_0, y_0)$  到直线  $l: Ax + By + C = 0$  的距离  $d$  的公式是  $d = \frac{|Ax_0 + By_0 + C|}{\sqrt{A^2 + B^2}}$
2. 一般地, 若已知平面直角坐标系中的两条平行直线  $l_1: Ax + By + C_1 = 0$ ,  $l_2: Ax + By + C_2 = 0$  的距离  $d$  的公式是  $d = \frac{|C_2 - C_1|}{\sqrt{A^2 + B^2}}$

### 二、提升训练

1. 点  $P(-3, 1)$  到直线  $x - y + 2 = 0$  的距离是 ( )
- A. 0      B.  $\sqrt{2}$   
 C. 2      D.  $2\sqrt{2}$
2. 直线  $x + y + 2 = 0$  上的点到原点的距离的最小值为 ( )
- A. 1      B.  $\sqrt{2}$   
 C.  $\sqrt{3}$       D.  $2\sqrt{2}$

3. 两条平行线  $2x + y - 6 = 0$  与  $4x + 2y + 7 = 0$  间的距离 ( )
- A.  $\frac{17}{10}$       B.  $\frac{19}{10}$   
 C.  $\frac{17}{10}\sqrt{5}$       D.  $\frac{19}{10}\sqrt{5}$
4. 点  $A (a, 1)$  到直线  $4x + 3y - 5 = 0$  的距离为 2, 则  $a$  的值为 ( )
- A. 3      B. -2  
 C. -3 或 2      D. -2 或 3
5. 一条直线垂直于直线  $3x + 4y - 1 = 0$ , 并与原点的距离为 2, 则该直线方程为 ( )
- A.  $4x - 3y + 10 = 0$       B.  $4x - 3y - 10 = 0$   
 C.  $4x - 3y \pm 10 = 0$       D.  $3x - 4y + 10 = 0$
6. 点  $A$  在  $x$  轴上, 它到直线  $2x - y + 1 = 0$  的距离为  $\sqrt{5}$ , 则点  $A$  的坐标为 \_\_\_\_\_.
7. 与直线  $x - 2\sqrt{2}y + 8 = 0$  平行且距离为 1 的直线方程为 \_\_\_\_\_.
8. 已知一点  $(1, a)$  到直线  $3x - 4y + 1 = 0$  的距离为 2, 则  $a =$  \_\_\_\_\_.
9. 若直线  $l$  与直线  $x + y + 1 = 0$  垂直且与点  $(1, 2)$  的距离为  $\sqrt{2}$ , 求直线  $l$  的方程.

10. 过点  $P(1, 2)$  的直线，使  $A(2, 3)$ ,  $B(4, -5)$  到它的距离相等，求此直线方程。

### 三、拓展延伸

1. 在直线  $2x - y - 3 = 0$  上找一点，使该点到直线  $3x + y - 2 = 0$  的距离等于  $\sqrt{10}$ .

2.  $\triangle ABC$  三条边所在的直线方程分别为直线  $AB: 3x - 2y - 5 = 0$ , 直线  $BC:$

$x + 1 = 0$ , 直线  $CA: x + 4y - 11 = 0$

(1) 求出  $\triangle ABC$  三个顶点的坐标;

(2) 求  $\triangle ABC$  的面积.